

Concours de Réorientation Session 2016
Corrigé de l'épreuve de Sciences Physiques (groupe N°1)

CHIMIE (8 points)

EXERCICE N°1: (5 points)		
1)a-	$n_0 = [H_3O^+]_0 \cdot V_0 = 10^{-pH} \cdot V_0 \Rightarrow n_0 = 10^{-2,9} \cdot 10 \cdot 10^{-3} = 1,258 \cdot 10^{-5} \text{ mol} = 1,26 \cdot 10^{-5} \text{ mol}$	0,5
b-	$n_1 = [H_3O^+]_1 \cdot V = 10^{-pH_1} \cdot V \Rightarrow n_1 = 10^{-4,2} \cdot 200 \cdot 10^{-3} = 1,26 \cdot 10^{-5} \text{ mol}$ $n_2 = [H_3O^+]_2 \cdot V = 10^{-pH_2} \cdot V \Rightarrow n_2 = 10^{-3,6} \cdot 200 \cdot 10^{-3} = 5 \cdot 10^{-5} \text{ mol}$	0,5
c-	La dilution de (S ₁) conserve le nombre de moles n ₁ de H ₃ O ⁺ n ₁ = n ₀ => A ₁ H est un monoacide fort. La dilution de (S ₂) fait augmenter le nombre de moles n ₂ de H ₃ O ⁺ n ₂ > n ₀ => A ₂ H est un monoacide faible.	0,5
d-	$C_1 = 10^{-pH} = 10^{-2,9} = 1,26 \cdot 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$	0,25
2)a- $CH_3COOH + H_2O \rightleftharpoons CH_3COO^- + H_3O^+$		
b-	On néglige les ions H ₃ O ⁺ provenant de l'ionisation propre de l'eau. $\tau_f = \frac{y_f}{y_{\max}} = \frac{[H_3O^+]}{C_2} \Rightarrow \tau_f = \frac{10^{-pH}}{C_2}$	0,25
c-	$\tau_f = \frac{10^{-2,9}}{0,1} = 1,26 \cdot 10^{-2} < 0,05$ => l'acide éthanóïque est faiblement ionisé dans l'eau	0,5
d-	$K_a = C_2 \cdot \tau_f^2$ $pK_a = 4,8$	0,5
3)		
	$\tau'_f = \frac{10^{-pH'}}{C'_2} = \frac{10^{-pH'}}{C_2} \cdot \frac{V}{V_0} = \frac{10^{-3,6}}{0,1} \cdot \frac{200}{10} = 5 \cdot 10^{-2}$ $\tau'_f > \tau_f \Rightarrow$ La dilution favorise l'ionisation de l'acide éthanóïque.	0,5
4)a - Equation de la réaction de l'acide fort avec la base forte $H_3O^+ + A^- + Na^+ + OH^- \rightarrow 2H_2O + Na^+ + A^-$ $K = \frac{1}{[H_3O^+][OH^-]} = \frac{1}{K_e} = \frac{1}{K_e} = 10^{pK_e} = 10^{14} > 10^4$ La réaction de dosage est pratiquement totale.		
b-	A l'équivalence $C_1 V_A = C_B \cdot V_{BE}$; $C_B = \frac{C_1 V_A}{V_{BE}} = \frac{1,26 \cdot 10^{-3} \cdot 5}{25} = 2,52 \cdot 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}$	0,25
c-	$V_{BE} = \frac{(\frac{C_1}{10})(10 \cdot V_A)}{C_B} = \frac{C_1 \cdot V_A}{C_B} = 25 \text{ mL}$ La dilution ne fait pas varier la quantité de matière, d'où V _{BE} = 25 mL . Le pH du mélange obtenu à l'équivalence = 7.	0,5

EXERCICE N° 2 (3 points)		
1)	Fe Fe ²⁺ (0,1 mol.L ⁻¹) Cu ²⁺ (0,1 mol.L ⁻¹) Cu $Fe + Cu^{2+} \rightleftharpoons Fe^{2+} + Cu$	0,5

2)a-	$E_i = E^0 - 0,03 \log \frac{[Fe^{2+}]}{[Cu^{2+}]} = 0,78 - 0,03 \log \frac{0,1}{0,1} = 0,78V ; K = 10^{\frac{E^0}{0,03}} = 10^{26}$	0,5
b-	$E^0(Cu^{2+} / Cu) > E^0(Fe^{2+} / Fe) \Rightarrow Fe^{2+} / Fe$ a un pouvoir réducteur plus élevé que celui de Cu^{2+} / Cu	0,25
c-	$E > 0 \Rightarrow$ l'équation de la réaction spontanée est: $Fe + Cu^{2+} \rightarrow Fe^{2+} + Cu$	0,5
3)a-	* $n(Cu)_{\text{formé}} = 7,5 \cdot 10^{-4} \text{ mol} \Rightarrow$ La masse de l'électrode de cuivre augmente de $m(Cu)_{\text{formé}} = n(Cu)_{\text{formé}} \cdot M(Cu) = 0,048 \text{ g}$ * $n(Fe)_{\text{consommé}} = 7,5 \cdot 10^{-4} \text{ mol} \Rightarrow$ La masse de l'électrode de fer diminue de $m(Fe)_{\text{consommé}} = n(Fe)_{\text{consommé}} \cdot M(Fe) = 0,042 \text{ g}$	0,5
b-	* $n(Cu^{2+}) = n(Cu^{2+})_i - n(Cu^{2+})_{\text{consommé}}$. Or $n(Cu^{2+})_i = C_0 \cdot V = 0,1 \cdot 0,1 = 10^{-2} \text{ mol}$ $n(Cu^{2+})_{\text{consommé}} = n(Cu)_{\text{formé}} = 7,5 \cdot 10^{-4} \text{ mol} \Rightarrow n(Cu^{2+}) = 9,25 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$ La concentration en ions Cu^{2+} diminue. Au bout de Δt , elle vaut : $[Cu^{2+}] = \frac{n(Cu^{2+})}{V} = \frac{9,25 \cdot 10^{-3}}{0,1} = 9,25 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$ * $n(Fe^{2+}) = n(Fe^{2+})_i + n(Fe^{2+})_{\text{formé}}$ Or $n(Fe^{2+})_i = C_0 \cdot V = 0,1 \cdot 0,1 = 10^{-2} \text{ mol}$ $n(Fe^{2+})_{\text{formé}} = n(Fe)_{\text{consommé}} = 7,5 \cdot 10^{-4} \text{ mol} \Rightarrow n(Fe^{2+}) = 10,75 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$ La concentration en ions Fe^{2+} augmente. Au bout de Δt , elle vaut : $[Fe^{2+}] = \frac{n(Fe^{2+})}{V} = \frac{10,75 \cdot 10^{-3}}{0,1} = 10,75 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$ $E = E^0 - 0,03 \log \frac{[Fe^{2+}]}{[Cu^{2+}]} = 0,78 - 0,03 \log \frac{10,75 \cdot 10^{-2}}{9,25 \cdot 10^{-2}} = 0,778V$	0,75

PHYSIQUE (12 points)

EXERCICE N°1: (5points)		
I-1)		0,5
2)a-	Ayant $Z > R$, donc $U_m > U_{Rm}$ et on a l'amplitude de la tension correspondant à la courbe (C_1) est plus grande que celle correspondant à la courbe (C_2) soit $U_m(C_1) > U_m(C_2)$. Il vient alors que la courbe (C_1) correspond à $u(t)$.	0,25
b-	* $T = 8 \text{ div. } 1 \text{ ms. div}^{-1} = 8 \cdot 10^{-3} \text{ s} \Rightarrow N = \frac{1}{T} = \frac{1}{8 \cdot 10^{-3}} = 125 \text{ Hz}$ * $Z = \frac{U_m}{I_m} = \frac{U_m}{U_{Rm}} \cdot R = \frac{4}{2} \cdot 150 = 300 \Omega$. * $u(t)$ est en avance de phase par rapport à $u_R(t) \Rightarrow \Delta \phi = \phi_u - \phi_i = 2\pi \frac{\Delta t}{T} = 2\pi \frac{1}{8} = \frac{\pi}{4} \text{ rad}$	1
II-1)a-	La fréquence de résonance d'intensité est $N_0 = 120 \text{ Hz}$	0,25
b-	A la résonance d'intensité $U_m = R' \cdot I_m \Rightarrow R' = \frac{U_m}{I_m} = \frac{4}{0,02} = 200 \Omega$ $N_0 = \frac{1}{2\pi \sqrt{L \cdot C'}} \Rightarrow C' = \frac{1}{4\pi^2 N_0^2 L} = \frac{1}{4\pi^2 \cdot 1 \cdot (120)^2} = 1,76 \cdot 10^{-6} \text{ F}$	0,5

c-	$Q = \frac{U_C}{U} = \frac{I_0}{C' 2\pi N_0 R' I_0} = \frac{1}{C' 2\pi N_0 R'} = \frac{2\pi N_0 L'}{R'} = \frac{1}{R'} \sqrt{\frac{L'}{C'}} = 3,77$	0,5						
2)a-	$U_C = \frac{I}{C' \omega} = \frac{1}{C' \omega} \frac{U}{\sqrt{R'^2 + (\frac{1}{C' \omega} - L' \omega)^2}} = \frac{1}{C'} \frac{U}{\sqrt{R'^2 4\pi^2 N^2 + (\frac{1}{C'} - L' 4\pi^2 N^2)^2}}$	0,5						
b-	<p>U_c est maximale si $\sqrt{f(\omega)}$ est minimal ; soit $\frac{df(\omega)}{d\omega} = 0 \Rightarrow \frac{d(R'^2 \omega^2 + (\frac{1}{C'} - L' \omega^2)^2)}{d\omega} = 0$</p> $\omega_r^2 = \omega_0^2 - \frac{R'^2}{2L'^2} \Rightarrow \omega_r = \sqrt{\omega_0^2 - \frac{R'^2}{2L'^2}} \Rightarrow N_r = \sqrt{N_0^2 - \frac{R'^2}{8\pi^2 L'^2}} \Rightarrow N_r = 117,87 \text{ Hz}$	0,5						
c-	$P = U \cdot I \cos(\varphi_u - \varphi_i) = R' \cdot I^2 \quad I = \frac{U}{\sqrt{R'^2 + (\frac{1}{C' \omega_r} - L' \omega_r)^2}} = 0,014 \text{ A} ; \quad P = 0,039 \text{ W}$	0,5						
d-	$N_r = \sqrt{N_0^2 - \frac{R'^2}{8\pi^2 L'^2}} > 0 ; N_0^2 - \frac{R'^2}{8\pi^2 L'^2} > 0 ; R'^2 \leq 8\pi^2 L'^2 N_0^2 \Rightarrow R_0 = \sqrt{\frac{2L'}{C'}} = 1066 \Omega$	0,5						
EXERCICE N° 2 (3 points)								
1)a-	<p>$y_s(t) = a \sin(\omega t + \varphi_0)$ à $t=0$ $y_s(0) = a \sin(\varphi_0) = 0 \Rightarrow \sin(\varphi_0) = 0 \Rightarrow$ d'où $\varphi_0 = 0$ ou π rad , or $v_s(0) = a \omega \cos(\varphi_0) > 0 \Rightarrow \varphi_0 = 0$ rad ;</p> <p>d'autre part : $v_s(0) = v_{s\max} = \omega \cdot a \Rightarrow v_{s\max} = 2\pi N \cdot a \Rightarrow a = \frac{v_{s\max}}{2\pi N} = \frac{0,2\pi}{2\pi \cdot 50} = 2 \cdot 10^{-3} \text{ m}$</p> $y_s(t) = 2 \cdot 10^{-3} \sin(100 \pi t) \quad t \geq 0$	0,5						
b-	<p>La corde parait immobile si $N = k \cdot N_e \Rightarrow N_e = \frac{N}{k} \quad k \in \mathbb{N}^*$</p> $20 \text{ Hz} \leq N_e \leq 50 \text{ Hz} \Rightarrow 20 \leq \frac{N}{k} \leq 50 \Rightarrow 20 \leq \frac{50}{k} \leq 50 \Rightarrow 0,4 \leq \frac{1}{k} \leq 1 \Rightarrow 1 \leq k \leq 2,5 \quad k \in [1; 2]$ <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tbody> <tr> <td>k</td> <td>1</td> <td>2</td> </tr> <tr> <td>N_e(Hz)</td> <td>50</td> <td>25</td> </tr> </tbody> </table>	k	1	2	N_e (Hz)	50	25	0,5
k	1	2						
N_e (Hz)	50	25						
2)a-	$\lambda = vT = \frac{v}{N} = \frac{5}{50} = 0,1 \text{ m}$	0,25						
b-	<p>$y_M(t) = y_S(t - \theta) \Rightarrow y_M(t, x) = a \sin(\omega t - \frac{2\pi x}{\lambda}) = y_M(t) = 2 \cdot 10^{-3} \sin(100 \pi t - \frac{2\pi x}{\lambda}) ;$</p> <p>$y_M(t) = 2 \cdot 10^{-3} \sin(100 \pi t - \frac{2\pi \cdot 0,225}{0,1}) \Rightarrow$</p> <p>$y_M(t) = 2 \cdot 10^{-3} \sin(100 \pi t - \frac{\pi}{2}) \quad t \geq 2,25T$</p> <p>$y_M(t) = 0 \quad 0 \leq t \leq 2,25T \quad (y \text{ en m et } t \text{ en s})$</p>	0,5						
c-	$\Delta\varphi = \varphi_M - \varphi_S = -\frac{\pi}{2} \text{ rad} \quad .M \text{ et } S \text{ sont en quadrature de phase.}$	0,25						
d-		0,5						

3)	Un point M de la corde vibre en quadrature avance de phase par rapport à la source si					0,5
	: $\Delta\varphi = \varphi_M - \varphi_S = -\frac{2\pi x}{\lambda} = -(4k-1)\frac{\pi}{2} \Rightarrow x = (4k-1)\frac{\lambda}{4}$					
	$x \leq L$ D'où $k \leq \frac{L}{\lambda} + \frac{1}{4} \Rightarrow k \leq 5,25 \Rightarrow k \in [1; 2; 3; 4; 5]$					
	k	1	2	3	4	5
	x (cm)	7,5	17,5	27,5	37,5	47,5

EXERCICE N° 3 (4 points)											
1)a-	La radioactivité est la transformation spontanée d'un noyau atomique instable en noyau d'une autre espèce chimique, avec émission de rayonnement.	0,25									
b-	<u>Spontané</u> ; survient sans intervention extérieure	0,25									
c-	${}^{137}_{55}\text{Cs} \rightarrow {}^A_Z\text{Ba} + {}^0_{-1}e$ conservation du nombre de charge : $55 = -1 + Z \quad Z = 56$ conservation du nombre de masse : $137 = 0 + A \quad A = 137$ ${}^{137}_{55}\text{Cs} \rightarrow {}^{137}_{56}\text{Ba} + {}^0_{-1}e$	0,5									
d-	$E_{\text{libéré}} = [m(\text{Cs}) - (m({}^0_{-1}e) + m(\text{Ba}))].c^2$ $E_{\text{libéré}} = (136,87692 - (0,00055 + 136,87511)).c^2 = 931,5 \text{ MeV}.c^{-2}$ $E_{\text{libéré}} = 1,17369 \text{ MeV}$	0,5									
2)a	$N(t) = N_0 \cdot e^{-\lambda t} ; \frac{dN(t)}{dt} = -\lambda N_0 \cdot e^{-\lambda t}$ $\Rightarrow -\lambda N_0 \cdot e^{-\lambda t} + \lambda N_0 \cdot e^{-\lambda t} = 0 \Rightarrow \frac{dN(t)}{dt} + \lambda \cdot N = 0$	0,5									
b-	$A = -\frac{dN(t)}{dt} = \lambda \cdot N \text{ or } \lambda = \frac{\ln 2}{T} \Rightarrow A = \frac{\ln 2}{T} N$	0,5									
3)a-	$A_0 = \lambda \cdot N_0 \Leftrightarrow N_0 = \frac{A_0}{\lambda} \text{ or } \lambda = \frac{\ln 2}{T} \Rightarrow N_0 = \frac{A_0 \cdot T}{\ln 2}$ $N_{01}({}^{131}_{53}\text{I}) = 0,997 \cdot 10^8 = 10^8 \text{ noyaux} ; N_{02}({}^{137}_{55}\text{Cs}) = 3 \cdot 10^8 \text{ noyaux.}$	0,5									
b-	<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td></td> <td>0</td> <td>1an</td> </tr> <tr> <td>$N({}^{137}_{55}\text{Cs})$.</td> <td>$3 \cdot 10^8$</td> <td>$2,9 \cdot 10^8$</td> </tr> <tr> <td>$N({}^{131}_{53}\text{I})$</td> <td>$10^8$</td> <td>$1,9 \cdot 10^{-6}$</td> </tr> </table>		0	1an	$N({}^{137}_{55}\text{Cs})$.	$3 \cdot 10^8$	$2,9 \cdot 10^8$	$N({}^{131}_{53}\text{I})$	10^8	$1,9 \cdot 10^{-6}$	0,5
	0	1an									
$N({}^{137}_{55}\text{Cs})$.	$3 \cdot 10^8$	$2,9 \cdot 10^8$									
$N({}^{131}_{53}\text{I})$	10^8	$1,9 \cdot 10^{-6}$									
c-	A t=1an, il ne reste pratiquement plus de noyaux de ${}^{131}_{53}\text{I}$ dans l'organisme de P ₂ tandis qu'il reste $2,9 \cdot 10^8$ de noyaux de ${}^{137}_{55}\text{Cs}$ dans l'organisme de P ₁ . Donc la personne P ₁ est plus menacée.	0,5									